

ARITHMETICA

PRIMARIA

POR

Cezar PINHEIRO

PROFESSOR NORMALISTA

DIRECTOR DO GRUPO ESCOLAR « JOSÉ VERISSIMO »

APPROVADA E MANDADA ADOPTAR

PELO CONSELHO SUPERIOR DA INSTRUCÇÃO PUBLICA

DO ESTADO DO PARÁ

2º edição correcta e augmentada

PARÁ

LIVRARIAS MODERNA

Sabino SILVA

1902

DOAÇÃO Economista Jorg Kawage

Lo Conselhot. offers, of the fire 01/0/180 Mann and American and a second and a second

E. U. DO BRASIL

ARITHMETICA

PRIMARIA

POR

Cezar PINHEIRO

PROFESSOR NORMALISTA

DIRECTOR DO GRUPO ESCOLAR « JOSÉ VERISSIMO »

APPROVADA E MANDADA ADOPTAR

PELO CONSELHO SUPERIOR DA INSTRUCÇÃO PUBLICA

DO ESTADO DO PARÁ

2º edição correcta e augmentada

372.72 PANR.



TYPOGRAPHIA

DE

JABLONSKI, VOGT E CIA

10, rue du Faubourg-Poissonnière

PARIS



AO LEITOR

O modesto trabalho que apresentamos ao publico, particularmente á nobre classe do professorado, reune o necessario para o menino aprender sem difficuldade ou fadiga.

Cremos não ter errado, tomando esta iniciativa, muito embora reconheçamos o merito e auctoridade de

outros compendios adoptados na provincia.

A pratica de alguns annos de magisterio publico e particular nos ha demonstrado que o mélhor meio de ensinar meninos é o uso de compendios resumidos em suas definições. Ao professor incumbe o resto, isto é, as devidas explicações.

D'este modo se conseguirá em poucos mezes aquillo que n'um anno ou mais seria difficil senão impossivel

obter da fraca intelligencia de um menino.

Que nos julguem aquelles que têm abraçado o espinhoso sacerdocio do ensino primario.

Belem — 1886.

Cezar PINHEIRO.

APPROVAÇÕES

Illmo Sñr D. Antonio Manoel Gonçalves Tocantins, digno Director geral da Instrucção publica

Pará, 24 de Abril de 1886.

Illmo Snr.

Remetto a V. S. o incluso manuscripto intitulado: — Compendio de Arithmetica por Cezar Pinheiro, — que por esta Directoria me foi enviado para dar parecer. O trabalho é de grande vantagem para o ensino, não só para as escolas elementares da provincia, como para as effectivas; portanto, sou de parecer que está nas condições de ser adoptado nas ditas escolas.

Deus guarde a V. S.

O professor,

Ricardo José de Oliveira Santos.

Directoria geral da Instrucção publica

Pará, 18 de Maio de 1886.

Illustrissimo e Excellentissimo Senhor,

Cumprindo a determinação de Vossa Excellencia no requerimento do professor Cezar Augusto de Andrade Pinheiro, que pede seja adoptado nas escolas publicas da provincia seu compendio de arithmetica, apresen-

tei o referido compendio ao Conselho Director em sessão de doze do corrente, o qual opinou que fosse approvado nos termos do parecer do professor Ricardo José da Oliveira Santos, tambem membro do Conselho, parecer que foi transcripto na acta remettida por copia a Vossa Excellencia no dia quinze do corrente.

O Director,
Joaquim Rodrigues Collares.

DESPACHO

Seja adoptado, á vista do parecer do Conselho Director da Instrucção Publica. — Palacio da Presidencia do Pará, oito de Junho de mil oitocentos oitenta e seis.

Freitas Henriques.

Secretaria da Instrucção publica do Pará

27 de Maio da 1899 (nº 349).

Sr Professor Cezar Augusto de Andrade Pinheiro.

O Sr Dr Director Geral manda-vos communicar que o Conselho Superior da Instrucção Publica deixou de tomar conhecimento do vosso requerimento pedindo approvação para a Arithmetica por vós organisada, por já ter sido ella approvada pelo antigo Conselho Director que a mandou adoptar nas escholas primarias do Estado, e portanto nas condições de ser actualmente admittida nas mesmas escholas.

Saude, Fraternidade.

O Secretario,

HERACLITO PINHEIRO.

INTRODUCÇÃO

ARITHMETICA é a sciencia de contar.

QUANTIDADE ou GRANDEZA é tudo o que é capaz de augmento ou diminuição. Exemplo : o tempo, a extensão, o pezo, etc.

Divide-se em continua e descontinua.

QUANTIDADE CONTINUA é a que consta de partes ligadas entre si. Exemplo : uma linha, o comprimento de uma rua, etc.

Quantidade de de de consta de partes separadas umas das outras. Exemplo : uma collecção de livros, um rebanho de ovelhas, etc. Pode-se fazer uma pequena differença entre as palavras quantidade e grandeza, dando-se mais especialmente o nome de quantidade aquillo que é expresso em numero. Dez kilos de milho, por exemplo, exprimem uma quantidade, ao passo que um embrulho de milho significa uma grandeza.

UNIDADE é a quantidade tomada para termo de comparação de outra de igual especie. Exemplo : em doze livros a unidade é um livro.

Numero é o rezultado da comparação da quantidade com a unidade.

Os numeros são infinitos.

Numero inteiro é o que se compõe de uma ou mais unidades. Exemplo: 1, 6, 13, 20, etc.

Fracção ou QUEBRADO é toda quantidade menor que a unidade. Exemplo : 2/3 (dois terços), 5/12 (cinco doze ávos), etc.

Numero mixto ou fraccionario é o que se compõe de inteiro e fracção. Exemplo: 1 2/3 (um dois terços), 4 3/12 (quatro trez, doze ávos), etc.

Numero digito ou simples é o que se escreve com um só algarismo. Exemplo: 1, 2, 3, 4, até 9.

Numero composto é o que se compõe de mais de um algarismo. Exemplo : 12, 120, etc.

Numero par é o que se pode dividir exactamente por dois. Exemplo : 4, 8, 12, etc.

Numero impar é o que não se pode dividir exactamente por dois. Exemplo: 3, 7, 11, etc.

Numero concreto é o que se refere a uma determinada unidade. Exemplo: 2 livros, 5 bancos, etc.

Numero abstrato é o que não determina a especie de unidade. Exemplo: 1, 5, 9, etc.

NUMERAÇÃO

Numeração é a arte de enunciar e representar os numeros.

Divide-se em fallada e escripta.

Numeração fallada é a arte de enunciar os numeros por meio de palavras. Exemplo : dois, vinte, etc.

Numeração escripta é a arte de representar os

numeros por meio de algarismos. Exemplo: 8, 12, 20, etc. Os numeros se exprimem por nomes e por meio de dez signaes chamados algarismos, que são:

Os nove primeiros chamam-se positivos ou significativos, porque têm valor proprio, e o ultimo chamado zero ou cifra, não tem valor proprio: mas preenche dois fins: 1° assignala as ordens de unidades que faltam em um numero; 2° dá aos algarismos que lhe ficam á esquerda um valor dez vezes maior do que teriam os mesmos algarismos se estivessem sós.

Os algarismos positivos têm dois valores : absoluto e relativo ou local.

Valor absoluto é o que tem o algarismo estando só. Exemplo : em 26 o valor absoluto do primeiro algarismo á direita é 6 e do segundo é 2.

Valor relativo ou local é o que elle tem segundo o logar em que está. Exemplo : em 26 o valor relativo do primeiro á direita é seis unidades e o do segundo é duas dezenas ou vinte unidades.

Numeração das unidades

Para formar as unidades conta-se de um até nove; chegando a dez tem-se uma dezena, que igualmente se conta de um até nove e se escreve á esquerda das unidades. Da mesma forma dez dezenas para uma centena; dez centenas para um milhar; dez milhares para uma dezena de milhar; assim successivamente escrevendo-se as novas unidades sempre á esquerda. Este systema de numeração, que é o unico adoptado, chama-se decimal porque sua base é dez.

Escrever um numero

Regra. — Escrevem-se da esquerda para a direita os algarismos de que se compõe o numero, pondo-se zero nas casas em que faltarem ordens de unidades. Exemplo: vinte mil setecentos e quatro, escrever-se-ha 20,704.

Lêr um numero

Regra. — Divide-se o numero em classes de trez algarismos da direita para a esquerda, e lê-se da esquerda para a direita, dando a primeira classe á direita o nome de unidades, á segunda o de milhares, á terceira o de milhões, etc. Exemplo: 20,704 lê-se: vinte milhares e setecentos e quatro unidades.

Para tornar um numero dez, cem, mil vezes, etc., maior ou menor.

REGRA. — Basta ajuntar-lhe á direita uma, duas, trez cifras, etc., no primeiro caso. E no segundo basta cortar-lhe um, dois, trez algarismos, etc.

OPERAÇÕES FUNDAMENTAES

Chama-se operação fundamental toda combinação feita com os numeros.

As operações fundamentaes da arithmetica são quatro : somma ou addição, subtracção, multiplicação e divisão.

Os autores modernos ainda a dividem em seis, que são aquellas e mais: potenciação e radiciação.

Todas estas operações podem ser reduzidas a duas: somma para a composição e subtracção para a decomposição.

Somma

Somma ou addição é a operação que tem por fim reunir dois ou mais numeros em um só.

O rezultado da operação chama-se somma ou total, e os numeros que se ajuntam parcellas.

Regra. — Escrevem-se os algarismos uns por baixo dos outros, ficando as unidades em uma mesma columna vertical, as dezenas em outra, bem como as centenas, etc.; depois traça-se por baixo uma linha e sommam-se as columnas da direita para a esquerda, juntando-se á columna seguinte as rezervas da precedente, se houverem. Exemplo:

251 407 Parcellas 896 Somma ou total

Prova

Prova é uma nova operação pela qual verifica-se o rezultado da primeira.

Ha muitas provas; porem as mais communs chamam-se *real* e dos *noves fóra*, sendo esta de rezultados as vezes negativos.

Prova dos noves fóra

Regra.—Tiram-se os noves ás parcellas e depois á somma; os restos devem ser iguaes, se a operação estiver certa. Exemplo:

O signal + indica sommar e quer dizer mais. O signal = significa igual. Assim 2 + 5 + 8 = 15, se lè : 2 mais 5 mais 8 é igual a 15.

Subtracção

Subtracção é a operação pela qual se tira um numero menor d'outro maior.

O rezultado chama-se resto, excesso ou differença.

O numero maior chama-se minuendo e o menor subtrahendo.

Regra. — Escreve-se o numero menor em baixo do maior, de modo que as unidades da mesma ordem se correspondam; depois passa-se um traço e

faz-se a subtracção da direita para a esquerda, tirando-se os algarismos inferiores dos superiores. Se o algarismo inferior for maior que o superior correspondente accrescentam-se a este dez para se poder fazer a operação e diminue-se de uma unidade o algarismo superior immediato e pratica-se a operação. Se emfim, o algarismo a tomar-se é zero, faz-se o mesmo emprestimo ás casas immediatas, ficando o primeiro zero valendo de dez e os outros de nove. Exemplo:

Prova dos 3 6807. Minuendo.

noves fora 3 3 4 2 5. . Subtrahendo.

Prova real. 3382.. Resto, excesso ou differença.

Prova dos noves

Regra. — Tiram-se os noves ao numero maior, cujo resto se escreve á margem : tiram-se igualmente ao numero menor e ao resto, e as sobras são iguaes se a operação esta certa.

Prova real

Regra. — Somma-se o numero menor com o resto e o rezultado vem a ser o numero maior.

Prova real da somma

Regra. — Somma-se de novo a contar da esquerda para a direita subtrahindo d'essa somma as novas sommas das columnas correspondentes, não devendo ficar resto algum se a operação for bem feita. O signal — indica subtracção; é negativo e quer dizer menos. Assim 18 - 6 = 12, se lê : 18 menos 6 igual a 12.

Multiplicação

Multiplicação é repetir um numero chamado multiplicando tantas vezes quantas são as unidades de outro chamado multiplicador.

O rezultado da operação chama-se producto e os dois numeros dados, isto é, o multiplicando e o multiplicador, chamam-se factores do producto.

Ha trez casos de multiplicação: 1º multiplicação de dois numeros simples; 2º multiplicação de um numero composto por um simples; 3º multiplicação de dois numeros compostos.

1º caso

O 1º caso é resolvido pela taboada de multiplicação, por ser facil achar-se o producto entre dois numeros simples; assim o producto de quatro multiplicado por cinco, é vinte; isto é, quatro vezes cinco que dão vinte.

2º caso

Regra. — Escreve-se o multiplicador em baixo do multiplicando; traça-se uma linha horizontal para separar os factores do producto, e multiplica-se da direita para a esquerda cada algarismo do multiplicando pelo multiplicador, levando-se as rezervas para juntar ao producto seguinte. Exemplo:

5 7	536	Multiplicando.
5 7	5	Multiplicador.
Prova dos noves	2680	Producto total.

3º caso

Regra. — Escreve-se o multiplicador por baixo do multiplicando, tudo como no 2º caso, e multiplica-se cada algarismo do multiplicador por todo o multiplicando, começando a escrever os productos parciaes em baixo do algarismo pelo qual se multiplica; sommam-se os productos parciaes e tem-se o producto total. Exemplo:

Observação. — Se um ou ambos os factores terminarem em zeros, faz-se a multiplicação sem attender a elles, e depois accrescenta-se no producto tantos zeros quantos ha no multiplicando e no multiplicador. Exemplo:

Prova dos noves

REGRA. — Tiram-se os noves aos factores, multiplicam-se os restos entre si e se as sobras rezultantes forem iguaes ás do producto total depois de se lhe extrahir os noves, suppôe-se certa a operação.

O signal \times indica multiplicação e quer dizer : mul- $tiplicado\ por$ Assim $346 \times 5 = 1730$; se lê : 346 $multiplicado\ por\ 5\ igual\ a\ 1730$.

Divisão

Divisão é procurar saber quantas vezes um numero chamado dividendo contem outro chamado divisor ou partidor.

O rezultado da operação chama-se quociente; o que fica por dividir resto da divisão; o dividendo e o divisor conjunctamente, chamam-se termos da divisão.

Ha trez casos de divisão:

- 1º Divisão de um numero simples por outro, ou de um numero composto de dois algarismos por um simples quando o quociente é simples;
- 2º Divisão de um numero composto por outro simples;
 - 3º Divisão de dois numeros compostos

1º caso

O primeiro caso é resolvido pela taboada de divisão.

2º e 3º casos

Regra. — Escreve-se o dividendo á esquerda do divisor separados por uma chave de divisão; tomam-se tantos algarismos á esquerda do dividendo quantos bastem para conter o divisor; buscase o numero de vezes que se contem e escreve-se no quociente; multiplica-se esse algarismo achado para quociente por todo o divisor e subtrahe-se o producto do dividendo, continuando-se a divisão. Quando, porem, o resto com o algarismo que se juntar não contiver o divisor, escreve-se zero no quociente e baixa-se o algarismo seguinte e assim. por diante. Exemplo:

Prova dos noves

Outro exemplo:

Dividendo.
$$4352 \mid 23.$$
 . Divisor.

Dividendos parciaes $\begin{cases} 205 \\ 0212 \\ 005 \end{cases} = \frac{5|5}{378}$
 $\frac{5|5}{0|5}$
 $\frac{378}{4347}$

Prova real.

Prova real da multiplicação

REGRA. — Inverte-se a ordem dos factores fazendo-se nova multiplicação e o producto total será igual ao primeiro; ou divide-se o producto por um dos factores e o rezultado será o outro factor.

Exemplos da operação atraz:

Observações. — Quando o dividendo e o divisor terminam em zero, corta-se igual numero d'elles em ambos os termos da divisão e não se altera o quociente. Exemplo:

O signal ÷ indica divisão e quer dizer dividido por.... Assim 24 ÷ 8 = 3 lê-se : 24 dividido por 8 igual a 3.

Potenciação ou elevação á potencia

Potencia de um numero é o producto de factores

iguaes a esse numero. Quer isto dizer que quando concorrerem factores identicos a operação que estuda o rezultado d'esta multiplicação recebe o nome particular de potenciação.

Ha diversas potencias conforme o valor dos factores.

A potencia segunda ou quadrado constitue o producto de dois factores iguaes. Assim a terceira ou cubo, a quarta, a quinta, etc., que são o producto de 3, de 4 ou de 5 factores iguaes a um numero,

Expoente é o numero que se escreve á direita e um pouco acima da base ou raiz e serve para indicar o numero dos factores iguaes. Exemplo : em $8^4 = 8 \times 8 \times 8 \times 8$ o expoente é 4.

Eis os quadrados e cubos de 1 a 10:

 1
 2
 3
 4
 5
 6
 7
 8
 9
 10

 1
 4
 9
 16
 25
 36
 49
 64
 81
 100

 1
 8
 27
 64
 125
 216
 343
 512
 729
 1000

Radiciação ou extracção de raizes

Radiciação é a operação que tem por fim, dado um numero, achar os factores iguaes que o produziram. Osignal Tonstitue o radical. Em baixo d'este signal se escreve o numero do qual se quer a raiz; em cima, na abertura, escreve-se o indice que é um numero que serve para indicar o gráu da raiz. Quando se quer a raiz segunda ou quadrada de um numero, torna-se desnecessario collocar o indice na abertura do radical.

Exemplo: em $\sqrt{83}$ o indice é 4 e 83 indica o numero cuja raiz se pede.

Como as potencias, as raizes tomam differentes nomes, assim: Raiz quadrada ou segunda de um numero é a quantidade que elevada ao quadrado produz o numero dado; raiz terceira ou cubica de um numero é a quantidade que elevada ao cubo reproduz esse numero; raiz quarta de um numero é a quantidade que elevada á quarta potencia produz esse numero. Assim por diante.

Raiz quadrada e raiz cubica

Extracção da raiz quadrada

Regra. — Divide-se o numero em classe de dois algarismos da direita para a esquerda podendo a ultima classe conter um ou dois algarismos. Extrahe-se a raiz quadrada do maior quadrado contido na primeira classe á esquerda e assim se obtem o primeiro algarismo da raiz que se eleva ao quadrado e o quadrado se subtrahe da primeira classe á esquerda. Escreve-se á direita do resto a classe seguinte; separa-se o primeiro algarismo á direita por meio de um ponto e dividindo a parte restante á esquerda pelo dobro da raiz achada, obtem-se o segundo algarismo da raiz. Verifica-se se este algarismo é ou não maior do que convem multiplicando por si mesmo e pelo dobro da raiz achada e subtrahindo o producto do numero formado pelo primeiro resto e pela segunda classe. A direita do novo resto

escreve-se a classe seguinte, e assim successivamente até se ter abaixado a ultima classe. Exemplo:

$\sqrt{}$	2 4.8:3.9 0	498	
	16 .	8 9	988
	o 8 8.3	9	8
	8 o I	801	7904
	0829.0		
	7904		
	0386		

Extracção da raiz cubica

Regra. — Divide-se o numero dado em classe de trez algarismos da direita para a esquerda, podendo a ultima classe á esquerda conter menos de trez algarismos. Extrahe-se a raiz do maior cubo contido n'essa ultima classe á esquerda e o rezultado escreve-se á direita do numero, o qual separa-se por uma linha vertical. Eleva-se essa raiz ao cubo e subtrahe-se da classe considerada, baixando e escrevendo á direita do resto a classe reguinte. Separam-se do numero assim formado os dois ultimos algarismos á direita e divide-se a parte restante á esquerda pelo triplo do quadrado da raiz achada. Escreve-se o quociente obtido á direita da raiz.

Para verificar se este algarismo convem, formase o triplo do quadrado da raiz já achada, o triplo da raiz já achada multiplicado pelo ultimo algarismo, o quadrado do ultimo algarismo, e sommam-se todas estas quantidades, collocando-as da maneira que o exemplo indica.

Esta somma será multiplicada pelo ultimo algarismo, e o producto então se subtrahe do numero formado pelo primeiro resto com a segunda classe que se abaixou. Escreve-se depois á direita do resto a classe seguinte e procede-se como acima até ter abaixado a ultima classe. Exemplo: Extrahir a raiz cubica do numero 397482

Prova da potenciação

Regra. — Extrahe-se a raiz do grão que a potencia determina e se o rezultado for igual ao numero dado a operação estará certa. Exemplo: 12² = 144. Extrahindo a raiz quadrada de 144, temos:

Prova da radiciação

REGRA. — Eleva-se a raiz á potencia determinada pelo gráo e ajuntando-se o resto, se houver, o rezultado deve ser igual ao numero dado. No exemplo de extração de raiz cubica atraz indicado, a raiz é 73 e o numero dado é 397482, havendo o resto 8465. Portanto:

 $73^3 = 389017 + 8465 = 397482$

FRACÇÕES

Fracção ou quebrado é toda a quantidade menor que a unidade.

Ha duas especies de fracções : ordinaria e decimal.

Fracção ordinaria

A fracção ordinaria se subdivide em propria e impropria e se representa por meio de dois numeros chamados numerador e denominador, separados por um traço horizontal. Exemplo:

Fracção propria
$$\frac{2}{3}$$
 Fracção impropria $\frac{8}{7}$

$$\frac{6}{8}$$
 Numerador.
Denominador.

O numerador e o denominador chamam-se em commum termos da fracção ou do quebrado.

O denominador mostra em quantas partes a unidade está dividida, e o numerador quantas d'essas partes se tomam. A fracção representa ainda uma divisão, cujo dividendo é o numerador e cujo divisor é o denominador.

Lêr uma fracção

Regra. — Lê-se o numerador e depois o denominador acompanhado da denominação fraccionaria de meios, terços, quartos, quintos, sextos, setimos, oitavos, nonos e decimos. Quando o denominador é maior que dez, dá-se-lhe o nome de ávos.

Extrahir os inteiros de uma fracção impropria

Regra. — Divide-se o numerador pelo denominador; o quociente achado mostra os inteiros e se houver resto forma-se nova fracção que tem para numerador o resto e para denominador o numero que servio de divisor.

$$1^{\circ} \left\{ \frac{12}{4} = 3 \right\} \quad 2^{\circ} \left\{ \frac{14}{5} = 2 \right\} = \frac{4}{5}$$

Reduzir um numero mixto á fracção

Regra. — Multiplica-se o inteiro pelo denominador, ao producto junta-se o numerador, dando ao rezultado o mesmo denominador. Exemplo:

$$5\frac{2}{3} = \frac{5 \times 3 + 2}{3} = \frac{17}{3}$$

Alterações das fracções

- 1º. Multiplicando o numerador de uma fracção por um numero qualquer, a fracção augmenta.
 - 2°. Multiplicando o denominador de uma frac-

ção por um numero qualquer, a fracção diminue.

- 3º. Dividindo o numerador de uma fracção por um numero qualquer, a fracção diminue.
- 4°. Dividindo o denominador de uma fracção por um numero qualquer, a fracção augmenta.

D'estes quatro principios resulta o seguinte :

1º. Multiplicando ou dividindo ambos os termos de uma fracção por um numero qualquer, a fracção não se altera, porque augmenta e diminue ao mesmo tempo. Exemplo :

$$\frac{8 \times 4}{12 \times 4} = \frac{32}{48}$$
; ou $\frac{8 \div 4}{12 \div 4} = \frac{1}{3}$

2°. Entre fracções que têm o mesmo denominador maior é aquella que tiver maior numerador. Ex.:

$$\frac{5}{10} + \frac{6}{10} + \frac{14}{10}$$

Reducção de fracções ao mesmo denominador

Reduzir fracções ao mesmo denominador é transformal-as em outras equivalentes que tenham o mesmo denominador.

Reduzir duas fracções

REGRA. — Multiplicam-se ambos os termos da primeira pelo denominador da segunda e ambos os termos da segunda pelo denominador da primeira. Exemplo:

$$\frac{2}{3} \frac{4}{5} = \frac{10}{15} \frac{12}{15}$$

Reduzir trez ou mais fracções

REGRA. — Multiplicam-se ambos os termos de cada uma pelo producto dos denominadores das outras. Exemplo:

$$\frac{1}{3}$$
, $\frac{3}{5}$, $\frac{2}{4}$, $\frac{20}{60}$, $\frac{36}{60}$, $\frac{30}{60}$

Simplificação de fracções

Para simplificar fracções ou reduzil-as á expressão mais simples, basta buscar-se outra que tenha o mesmo valor que a primeira e que seja representada por numeros menores.

Ha dois meios:

1°. Divide-se ambos os termos da fracção por 2, 3 e 5. — Divide-se por 2, quando o ultimo algarismo da direita é par; por 3 quando sommados os algarismos dão 3 ou multiplo de 3; e por 5. quando o numero acaba em zero ou 5. Exemplo:

$$\frac{16}{24} = \frac{8}{12} = \frac{4}{6} = \frac{2}{3}$$

2°. Divide-se os termos da fracção pelo seu maior divisor commum. — Este se acha, dividindo o maior pelo menor, e depois successivamente os divisores de cada uma das operações pelos respectivos restos. O divisor da ultima operação é o maior divisor commum da fracção.

Se o ultimo divisor é a unidade, os numeros se dizem primos entre si, e a fracção não se pode simplificar.

Exemplo do 2º meio:

96	57	39	, 18	. 3
$\frac{96}{57}$; d'onde 39	ı	I	2	. 6
$\frac{96 \div 3}{57 \div 3} = \frac{32}{19}$	18	о3	00	

Numero primo é o que não se póde dividir exactamente se não por si ou pela unidade.

Fracção de fracção é uma parte da quantidade expressa por uma fracção. Exemplo:

$$\frac{4}{3}$$
 de $\frac{2}{5}$

Operações de fracções ordinarias

SOMMA

Regra. — Se as fracções têm o mesmo denominador, sommam-se os numeradores e dá-se a essa somma o mesmo denominador. Exemplo:

$$\frac{2}{5} + \frac{3}{5} + \frac{4}{5} = \frac{9}{5}$$

Se os denominadores forem differentes reduzemse primeiro ao mesmo denominador e opera-se como se tivesse o mesmo denominador. Exemplo:

$$\frac{2}{3} + \frac{4}{5} + \frac{1}{2} = \frac{20}{30} + \frac{24}{30} + \frac{15}{30} = \frac{59}{30}$$

Tendo de sommar-se inteiros com fracções, reduzem-se os inteiros á denominação dos seus quebrados; e depois estes ao mesmo denominador, sendo preciso, e então sommam-se os denominadores.

Exemplo:

$$6\frac{1}{3} + 5\frac{2}{3} = \frac{19}{3} + \frac{17}{3} = \frac{36}{3}$$

$$2\frac{1}{3} + 4\frac{2}{5} = \frac{7}{3} + \frac{22}{5} = \frac{35}{15} + \frac{66}{15} = \frac{101}{15}$$

SUBTRACÇÃO

Regra. — Se as fracções têm o mesmo denominador, toma-se a differença entre os numeradores e dá-se-lhes o mesmo denominador. Exemplo:

$$\frac{8}{9} - \frac{5}{9} = \frac{3}{9}$$

Se os denominadores das fracções são differentes, reduzem-se primeiro á mesma denominação, e fazse a subtracção. Exemplo:

$$\frac{5}{7} - \frac{4}{6} = \frac{30}{42} - \frac{28}{42} = \frac{2}{42}$$

Se as fracções são acompanhadas de inteiros, reduzem-se estes á denominação do quebrado e depois á mesma denominação, se é preciso, e praticase a operação. Exemplo:

$$2\frac{3}{6} - \frac{4}{6} = \frac{15}{6} - \frac{4}{6} = \frac{11}{6}$$

$$2\frac{3}{6} - 1\frac{4}{6} - \frac{15}{6} - \frac{10}{6} = \frac{5}{6}$$

$$2\frac{3}{6} - 1\frac{4}{5} = \frac{15}{6} - \frac{9}{5} = \frac{75}{30} - \frac{54}{30} = \frac{21}{30}$$

Subtrahir uma fracção de um inteiro

Regra. — Reduz-se o inteiro á fracção e praticase a subtracção, ou multiplica-se o inteiro pelo denominador, subtrahe-se do producto o numerador e dá-se á differença o mesmo denominador. Exemplo:

$$3 - \frac{1}{2} = \frac{3}{1} - \frac{1}{2} = \frac{6}{2} - \frac{1}{2} = \frac{5}{2} = 2 = \frac{1}{2}$$
ou
$$3 - \frac{1}{2} = \frac{3 \times 2 - 1}{2} = \frac{5}{2} = 2 = \frac{1}{2}$$

MULTIPLICAÇÃO

Regra. — Multiplicam-se os numeradores e denominadores entre si. Exemplo:

$$\frac{3}{7} \times \frac{4}{8} = \frac{12}{56}$$

Se as fracções são acompanhadas de inteiros, reduzem-se estes á fracções e faz-se a multiplicação. Exemplo:

$$2\frac{3}{5} \times 1\frac{4}{6} = \frac{13}{5} \times \frac{10}{6} = \frac{130}{30}$$

Para multiplicar um inteiro por uma fracção ou vice versa, multiplica-se o inteiro pelo numera-

dor e dá-se o mesmo denominador ou divide-se o denominador pelo inteiro e conserva-se o numera-dor. Exemplo:

$$3 \times \frac{2}{6} = \frac{6}{6}$$
 ou $\frac{2}{6} \times 3 = \frac{2}{6 \div 3} = \frac{2}{2}$

Para determinar o valor de uma fracção de fracção, trocam-se as preposições pelos signaes da multiplicação e pratica-se a regra d'esta. Exemplo:

$$\frac{3}{6} \det \frac{2}{5} \det \frac{1}{4} = \frac{3}{6} \times \frac{2}{5} \times \frac{1}{4} = \frac{6}{120}$$

DIVISÃO

Regra. — Para dividir uma fracção por outra, invertem-se os termos da fracção divisora e pratica-se a regra da multiplicação. Exemplo:

$$\frac{4}{8} \div \frac{3}{5} = \frac{4}{8} \times \frac{5}{3} = \frac{20}{24}$$

Para dividir um inteiro por uma fracção, multiplica-se o inteiro pela fracção invertida. Exemplo:

$$6 \div \frac{2}{5} = 6 \times \frac{5}{2} = \frac{30}{2}$$

Para dividir fracções acompanhadas de inteiros, reduzem-se os inteiros á denominação dos quebrados e pratica-se a regra. Exemplo:

$$6\frac{4}{8} \div 2\frac{3}{5} = \frac{52}{8} \div \frac{13}{5} = \frac{52}{8} \times \frac{5}{13} = \frac{260}{104}$$

Fracções decimaes

Fracções decimaes são partes menores que a unidade na razão decupla, isto é, de dez em dez.

As fracções decimaes procedem da divisão da unidade em dez partes iguaes e cada uma d'estas partes é menor que a unidade dez vezes.

A 1º casa decimal se chama decimo; a 2º centesimo; a 3º millesimo; a 4º decimo millesimo; a
5º centesimo millesimo; a 6º millionesimo; a 7º decimo millionesimo; a 8º centesimo millionesimo; a
9º billionesimo; a 10º decimo billionesimo, etc.

As fracções decimaes se distinguem pela virgula que as separa das unidades inteiras; quando não ha inteiros escreve-se zeros na casa das unidades e vice yersa. Exemplo:

0,4567 25,0

Ha trez modos de lêr um numero decimal: 1º Lêse todo o numero decimal com a denominação da ultima casa decimal. Exemplo: 2,43 se lê: duzentos e quarenta e trez centesimos.

- 2º Lê-se primeiro a parte inteira e depois a decimal, dando no fim o nome da ultima casa decimal. Exemplo: 2,43 se lê: 2 unidades e quarenta e trez centesimos.
- 3º Lê-se cada algarismo de per si com o nome correspondente. Exemplo: 2,43 lê-se: duas unidades, quatro decimos e trez centesimos.

Para se multiplicar um numero decimal por dez,

cem, mil, etc., basta mudar a virgula uma, duas, trez casas para a direita e para dividir, muda-se igual numero de vezes a virgula para a esquerda.

Accrescentando-se ou tirando-se zeros depois do ultimo algarismo decimal, o numero não se altera porque os algarismos ficam nas suas respectivas casas; mas pondo-se cifras antes do primeiro decimal o numero diminue de valor porque os algarismos passam a occupar casas inferiores ás que estavam.

São duas as vantagens das fracções decimaes sobre as ordinarias :

1º é que estas são compostas de dois numeros, numerador e denominador e aquellas de um só como os numeros inteiros, o que facilita os calculos; porque para as fracções ordinarias são precisas operações especiaes, entretanto que para as decimaes prestam-se as mesmas regras dos inteiros;

2ª é que pela divisão decupla que soffre á unidade nas fracções decimaes ellas ficam sujeitas a numeração decimal, d'onde resulta a facilidade da conversão de uma parte nas outras.

Reduzir fracção decimal em ordinaria

REGRA. — Dá-se para numerador todo o numero decimal sem a virgula e para denominador a unidade seguida de tantos zeros quantos são os algarismos decimaes. Exemplo:

$$_{2,43} = \frac{243}{100}; \quad 0.325 = \frac{325}{1000}$$